

レベル		Tr	Tc	Td
与えられたプログラムの構文が認識できる	1-1	プログラムの構文（文法）が自分にとって馴染みがないものとして、プログラムの各部の記述を読んでその意味（この場合は文法構造）を理解する。	プログラムの構文に従って、プログラムの各部の結び付きを見出す。たとえば、繰り返しの始まりと終わりなど。	
与えられたプログラムの動作をトレースできる	1-2	プログラムの構文が自分にとって馴染みがないものとして、プログラムの各部の記述を読んでその意味（この場合は操作的意味）を理解する。	プログラムの実行経路に従って、プログラムの各部の結び付きを見出す。つまり、実行順に命令を結び付ける。たとえば、条件分岐の条件の真偽に従って、次に実行される命令を見出す。	
与えられたプログラムの動作が説明できる	2-1		プログラムの正しさを説明する場合など、与えられた仕様（目的・意図）に照らしてプログラムの動作を説明する場合は、仕様の各部とプログラムの各部の結び付きを見出す。	プログラムの動作そのものを説明するだけでなく、プログラムの仕様（目的・意図）を説明する場合は、プログラムに直接に示されていない仕様を見出す。
与えられたプログラムを異なる目的に沿って修正できる	2-2		プログラムの中で、与えられた目的に関連する部分を見出す。	異なる目的を達成するために、関連する部分をどのように書き替えるべきかを見出す。

## レベル2-2 プログラムを修正する

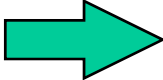
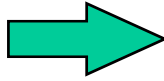
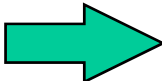
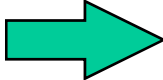
- 正の整数 `data` が与えられて、`data` が素数かどうかを判定するプログラムを理解できるか？
- 2以上の整数 `data` が与えられて、`data` を素因数分解する

# 素数判定問題

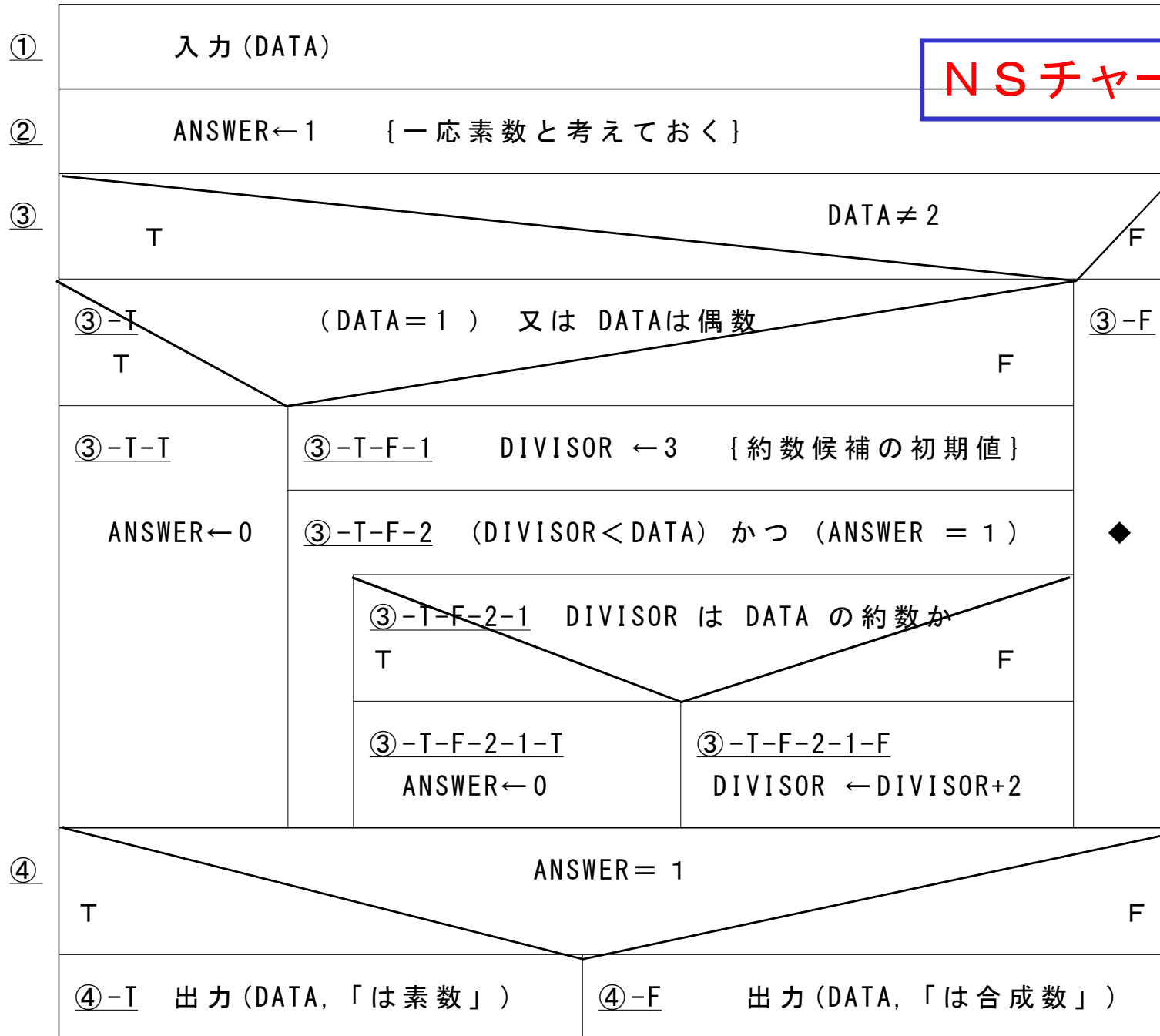
- 入力: 1つの正整数 data
- 出力: data が素数ならば「素数である」と素数でなければ「素数でない」

素数とは, 1 より大きい自然数で,  
正の約数が 1 と自分自身のみである  
もののことである.  
1は素数でないとする.

# 素数判定アルゴリズム

- 判定したいデータを入力し, それをdataとする
- 値dataをより小さい素数で順に割れるかどうか確認する
- data=2  素数である
- data=1 or 2以外の偶数  素数でない
- dataを3以上の素数で割り切れるかどうかをチェックする
  - 割り切れる素数がある  素数でない
  - 割り切れる素数がない  素数である

NSチャート



```
program CheckPrime1 (input, output);
  var answer, data, divisor: integer;
begin
  writeln('正の整数を入力してください');
  read(data);
  answer:=1;
  if data<>2 then
    if (data=1) or (data mod 2=0) then
      answer:=0
    else begin
      divisor:=3;
      while (divisor<data) and (answer=1) do
        if data mod divisor=0 then
          answer:=0
        else divisor:=divisor+2
      end;
      if answer=1 then writeln(data, 'は素数である')
      else writeln(data, 'は素数でない')
    end.
end.
```

馴染みのない(?)  
PASCAL風表現のプログラムが与えられ、  
それを理解できるか？

```
program CheckPrime1 (input, output);  
  var answer, data, divisor: integer;  
  begin  
    writeln('正の整数を入力してください');  
    read(data);  
    answer:=1;
```

構文構造が理解できるか？

```
  if data <> 2 then  
    if (data=1) or (data mod 2=0) then  
      answer:=0  
    else begin  
      divisor:=3;  
      while (divisor < data) and (answer=1) do  
        if data mod divisor=0 then  
          answer:=0  
        else divisor:=divisor+2  
      end;
```

```
    if answer=1 then writeln(data, 'は素数である')  
    else writeln(data, 'は素数でない')
```

```
  end.
```

```
program CheckPrime1 (input, output);  
  var answer, data, divisor: integer;  
  begin  
    writeln('正の整数を入力してください');  
    read(data);  
    answer:=1;  
    if data<>2 then  
      if (data=1) or (data mod 2=0) then  
        answer:=0  
      else begin  
        divisor:=3;  
        while (divisor<data) and (answer=1) do  
          if data mod divisor=0 then  
            answer:=0  
          else divisor:=divisor+2  
        end;  
        if answer=1 then writeln(data, 'は素数である')  
        else writeln(data, 'は素数でない')  
      end.  
end.
```

変数 answer の役割を  
理解できるか？  
0 と 1 が代入されてい  
る意味は？



```

program CheckPrime1 (input, output);
  var answer, data, divisor: integer;
begin
  writeln('正の整数を入力してください');
  read(data);
  answer:=1;
  if data <> 2 then
    if (data=1) or (data mod 2=0) then
      answer:=0
    else begin
      divisor:=3;
      while (divisor <= data div 2) and (answer=1) do
        if data mod divisor=0 then
          answer:=0
        else divisor:=divisor+2
        end;
      if answer=1 then writeln(data, 'は素数である')
      else writeln(data, 'は素数でない')
    end.
end.

```

与えられた尺度でより良いプログラムが書ける	4-2
-----------------------	-----

与えられた尺度という基準において、候補となるプログラム（の構成要素）の中から上位ないし下位のものを選択する。

divisor < data

効率の悪いループを改善できるか？

# $\sqrt{N}$ 以下の素因数がある

- 整数 $N$ が合成数(素数でない)の場合
- 1でない最小の素因数を  $p$  とする

$$N = p \times q \quad (p \leq q)$$

$$N = p \times q \geq p \times p$$

$$\sqrt{N} \geq p$$

```

program CheckPrime1 (input, output);
  var answer, data, divisor: integer;
  begin
    writeln('正の整数を入力してください');
    read(data);
    answer:=1;
    if data <> 2 then
      if (data=1) or (data mod 2=0) then
        answer:=0
      else begin
        divisor:=3;
        while (divisor <= sqrt(data)) and (answer=1) do
          if data mod divisor=0 then
            answer:=0
          else divisor:=divisor+2
        end;
        if answer=1 then writeln(data, 'は素数である')
        else writeln(data, 'は素数でない')
      end.
  end.

```

与えられた尺度 でより良いプロ グラムが書ける	4-2
-------------------------------	-----

整数 data に約数があるならば  
data の平方根以下のものがある

```

program CheckPrime1 (input, output);
  var answer, data, divisor: integer;
begin
  writeln('正の整数を入力してください');
  read(data);
  answer:=1; {繰り返し制御のため}
  if data<>2 then
    if (data=1) or (data mod 2=0) then
      answer:=0
    else begin
      divisor:=3;
      while (divisor*divisor<=data) and (answer=1) do
        if data mod divisor=0 then
          answer:=0
        else divisor:=divisor+2
      end;
      if answer=1 then writeln(data, 'は素数である')
      else writeln(data, 'は素数でない')
    end.

```

標準関数を使わずにできることもある

(divisor<=sqrt(data))

# 素因数分解

- 任意の正の整数値が一つ与えられて、その値の素因数分解を求めるプログラムを書きなさい。
- 出力例  $376=2*3**3*7$
- 素数判定プログラムを参考にする

		Td
与えられたプログラムを異なる目的に沿って修正できる	2-2	異なる目的を達成するために、関連する部分をどのように書き替えるべきかを見出す。

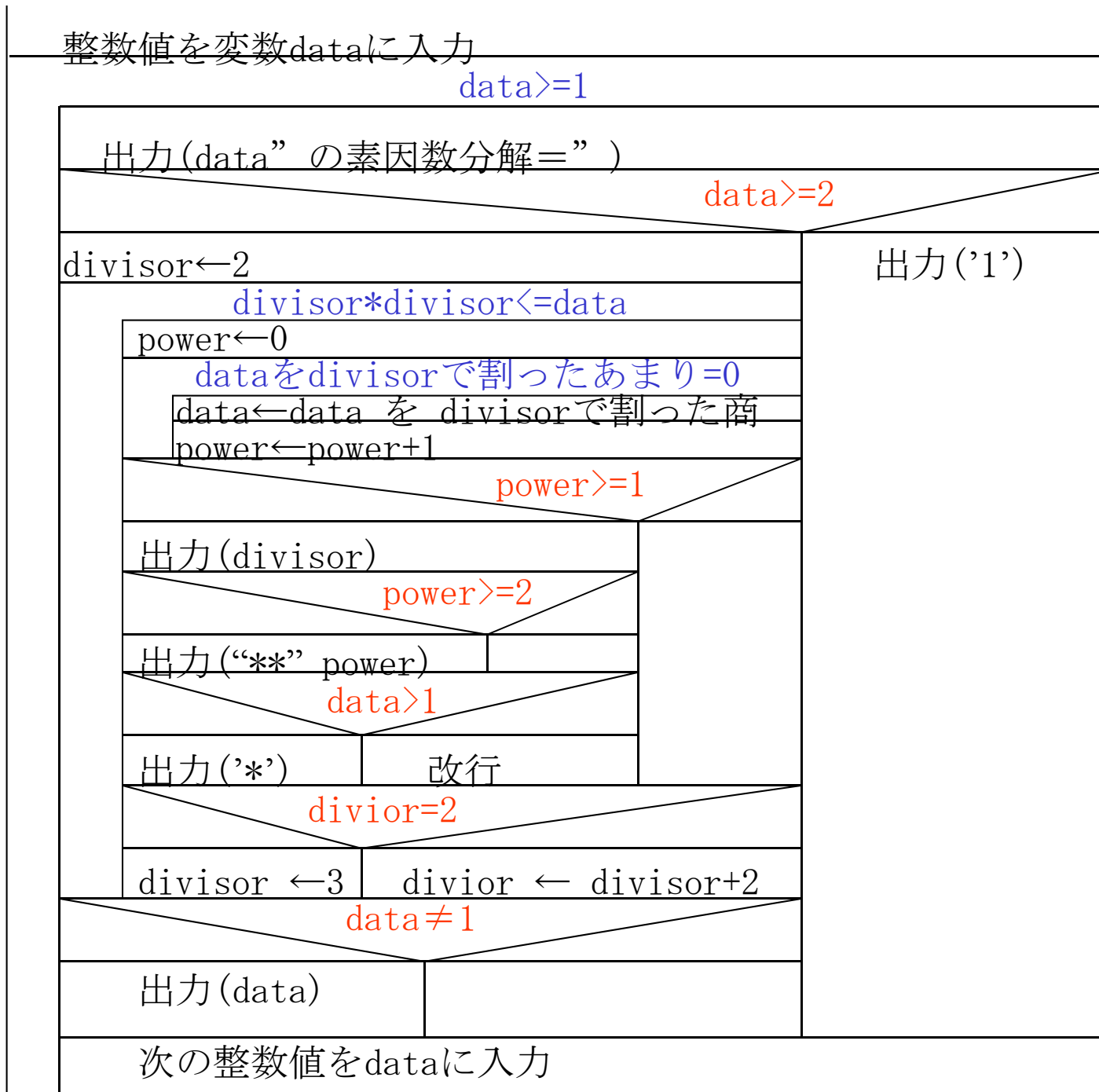
# 素因数分解

- 例えば, 247401の素因数分解はどうなるか?
- 小さい素数から順に割っていく
- **求め方は知っているはず!**
- それをプログラムとして書けるか?

$$\begin{array}{r|l} 3 & 247401 \\ \hline 3 & 82467 \\ \hline 3 & 27489 \\ \hline 7 & 9163 \\ \hline 7 & 1309 \\ \hline 11 & 187 \\ \hline & 17 \end{array}$$

$$247401 = 3 \times 3 \times 3 \times 7 \times 7 \times 11 \times 17$$

# NSチャート 素因数分解



```

program PrimeFactorization (input, output);
  var data, divisor, power: integer;
begin
  writeln('正の整数を入力してください');
  read(data); write(data, ' = '); divisor:=2;
  while divisor*divisor<=data do begin
    power:=0;
    while data mod divisor=0 do begin
      data:=data div divisor; power:=power+1
    end;
    if power>=1 then begin
      write(divisor);
      if power>=2 then write(' **' , power);
      if data>1 then write(' *' );
    end;
    if divisor=2 then divisor:=3
    else divisor:=divisor+2
  end;
  if data<>1 then writeln(data)
end.

```

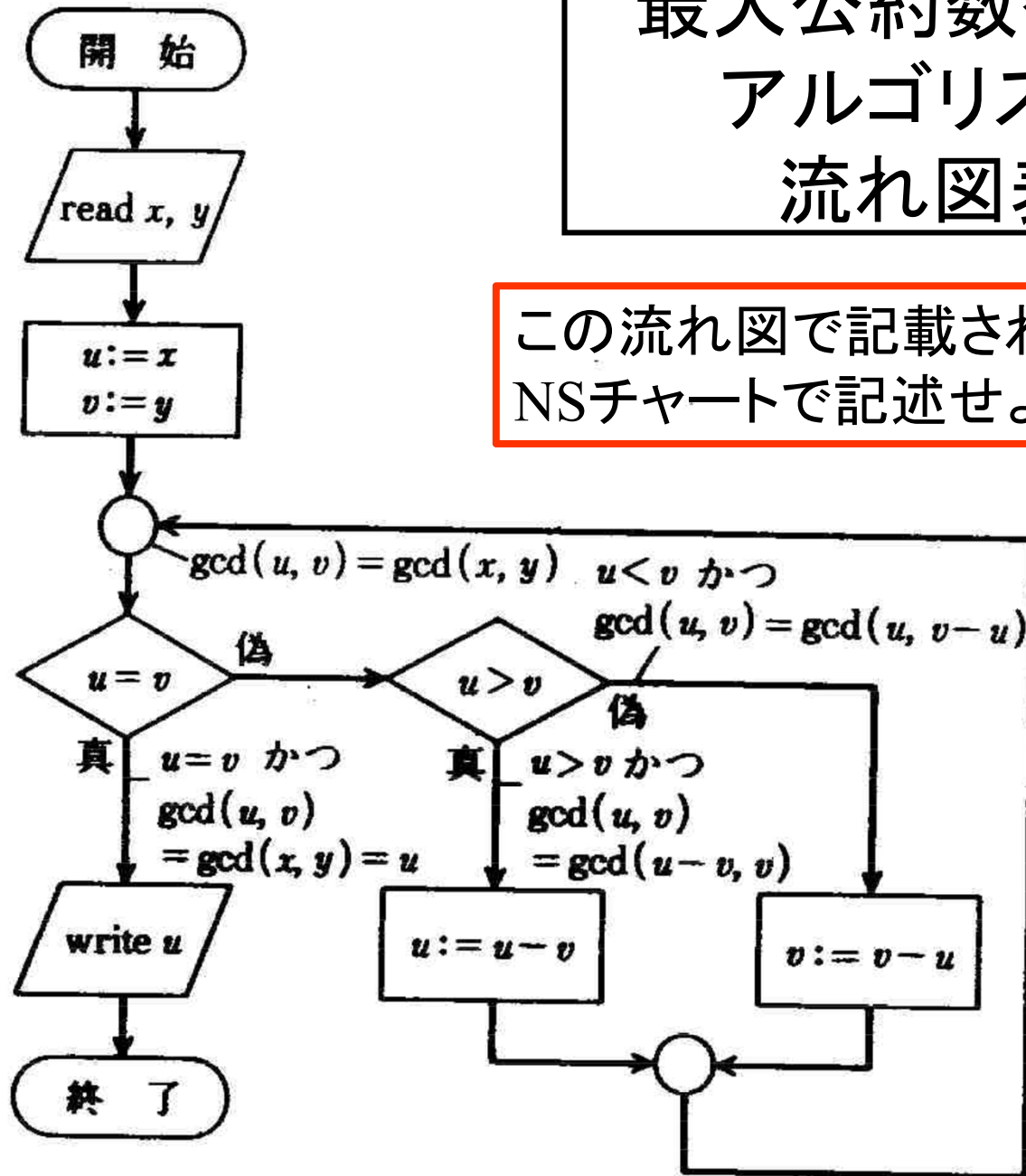


## 2-1 与えられたアルゴリズムの動作を説明できる

- あるスタイルのアルゴリズム記述を, 他のスタイルのアルゴリズム記述に書き直せるか.
  - フローチャート表現 → NSチャート表現

# 最大公約数を求める アルゴリズムの 流れ図表示

この流れ図で記載されたアルゴリズムを  
NSチャートで記述せよ



最大公約数を求める  
アルゴリズムの  
NSチャート表示

1973年頃のI. Nassi と  
B. Shneidermanによる考えを  
N. Chapinが整理した  
図式(チャート)

構造化プログラミングの3つの  
基本形(接続, 選択, 反復)を  
明確に表現する

接続

反復(ループ)

選択

